

#### Задачи к Лекции 4

(знаком \* обозначаются задачи, обязательные для теоретиков; для остальных слушателей их решение весьма приветствуется).

1. Получить по порядку величины параметра Гинзбурга  $Gi$  для сверхпроводников размерности  $d=1,2,3$ , как в чистом так и в чистом и грязном пределах, выразив их через параметры металла ( $k_F$  и длина пробега  $l$ ), поперечные размеры (для  $d = 1, 2$ ) и температуру перехода  $T_c$ .
2. Вычислить отношение  $\chi_a/\chi_0$  флюктуационной диамагнитной восприимчивости к восприимчивости металла для трехмерного сверхпроводника.
3. Оценить ширину  $Gi(B)$  флюктуационной области вблизи линии  $H_{c2}(T)$  при достаточно сильных магнитных полях,  $B \gg GiH_{c2}(0)$ .
4. Оценить величину температурного интервала  $T_{c0} - T_{BKT}$  для слоистого БТСП семейства  $\text{BiCaSrCuO}$  исходя из данных по сопротивлению вдоль слоев при температуре порядка  $1.5T_c$  (данные найти самостоятельно в литературе, например с помощью библиографии в книге В.В.Шмидта).
5. Для тонкой пленки сверхпроводника (толщина  $d \ll \lambda$ ) оценить величину линейного сопротивления  $(dV/dI)|_{I \rightarrow 0}$  при  $T < T_c$ , возникающего из-за ненулевой концентрации "пирловских" вихрей.
- 6\*. Вывести и решить уравнения ренормгруппы Костерлица для fazового перехода распаривания вихрей в пленке, найти зависимость  $R_c(T)$  при  $T \rightarrow T_c - 0$ .

Литература: # 1, а также:

- А.З.Паташинский и В.Л.Покровский, "Флюктуационная теория fazовых переходов" (1982).  
А.А.Варламов и А.И.Ларкин, "Теория флюктуаций в сверхпроводниках" (2006).